

7 ngày
làm chủ toàn bộ kiến
thức hình học
lớp 9

HỆ THỨC LƯỢNG TRONG TAM GIÁC

1. Hệ thức lượng trong tam giác vuông.

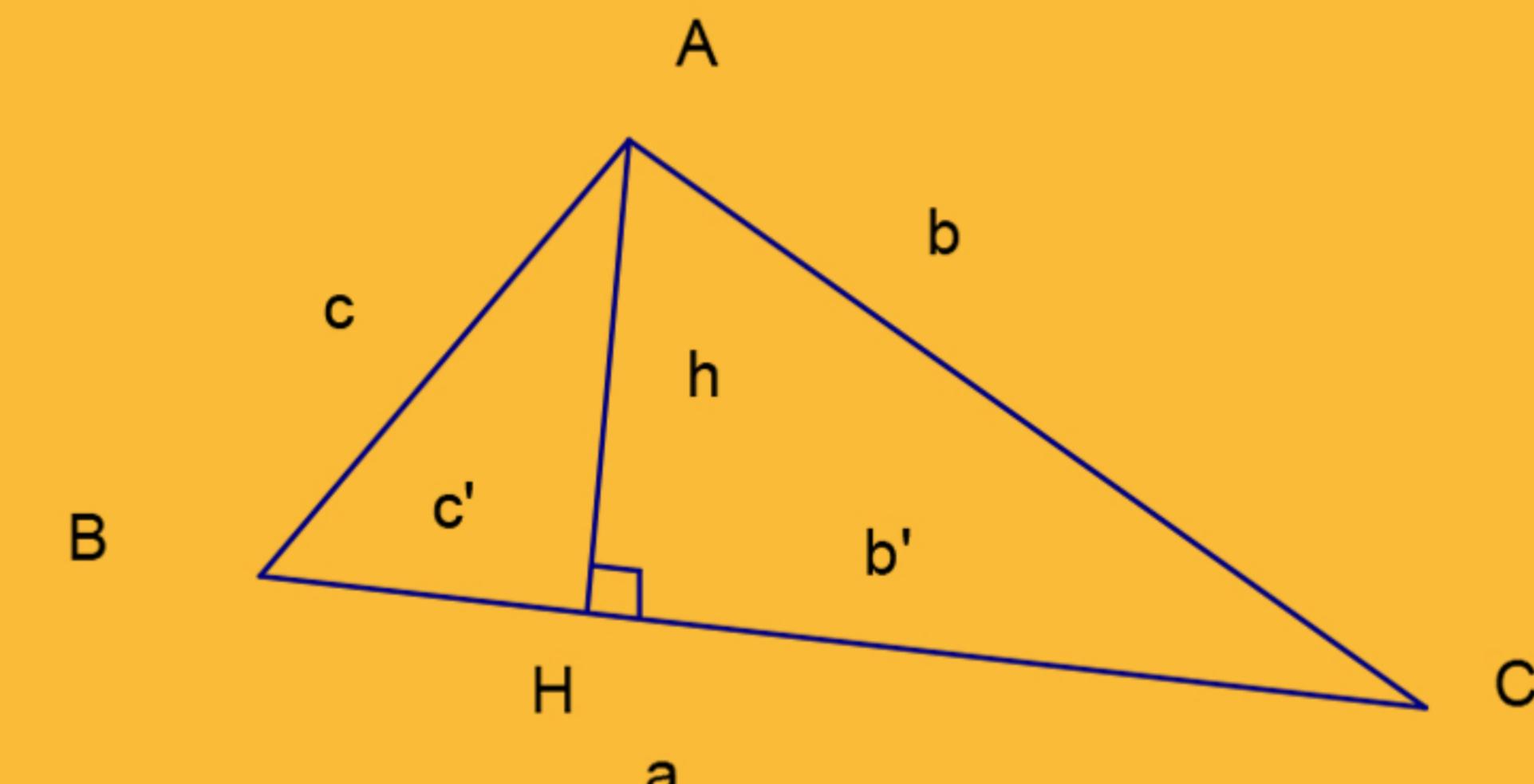
$$b^2 = ab' \quad c^2 = ac'$$

$$h^2 = b'c'$$

$$ah = bc$$

$$a^2 = b^2 + c^2$$

$$\frac{1}{h^2} = \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}$$



2. Tỉ số lượng giác của góc nhọn.

$$0 < \sin \alpha < 1 \quad 0 < \cos \alpha < 1$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1$$

$$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$1 + \cot^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$

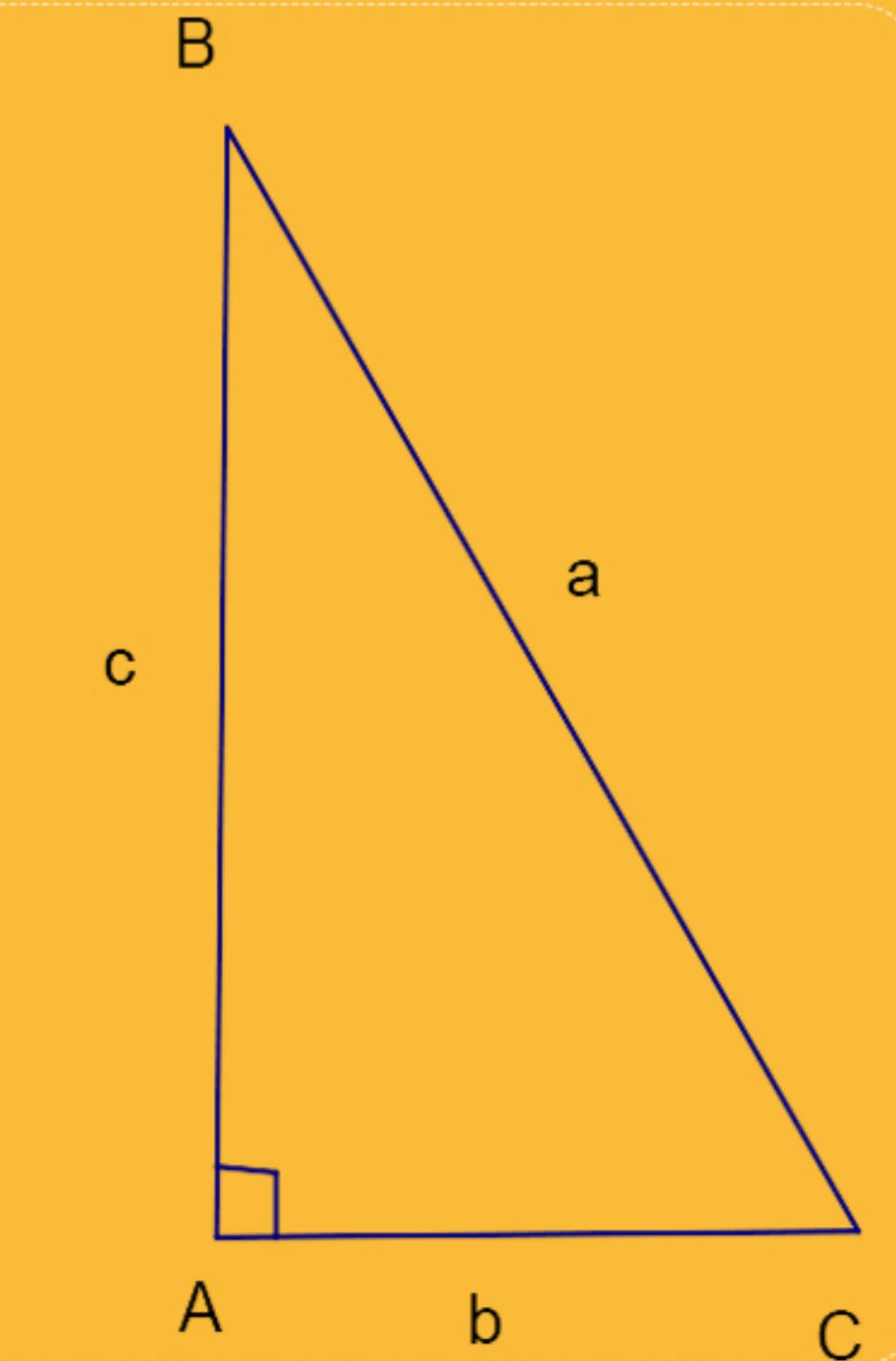
3. Hệ thức về cạnh và góc trong tam giác vuông.

$$b = a \sin B = a \cos C$$

$$b = \csc B = c \cot C$$

$$c = a \sin C = a \cos B$$

$$c = b \tan C = b \cot B$$



ĐƯỜNG TRÒN

- **Cách xác định:** Qua ba điểm không thẳng hàng ta vẽ được một và chỉ một đường tròn.

- **Tâm đối xứng, trực đối xứng:** Đường tròn có một tâm đối xứng; có vô số trực đối xứng.

- **Quan hệ vuông góc giữa đường kính và dây.**

Trong một đường tròn

+ Đường kính vuông góc với một dây thì đi qua trung điểm của dây ấy

+ Đường kính đi qua trung điểm của một dây không đi qua tâm thì vuông góc với dây ấy.

- **Liên hệ giữa dây và khoảng cách từ**

Trong một đường tròn:

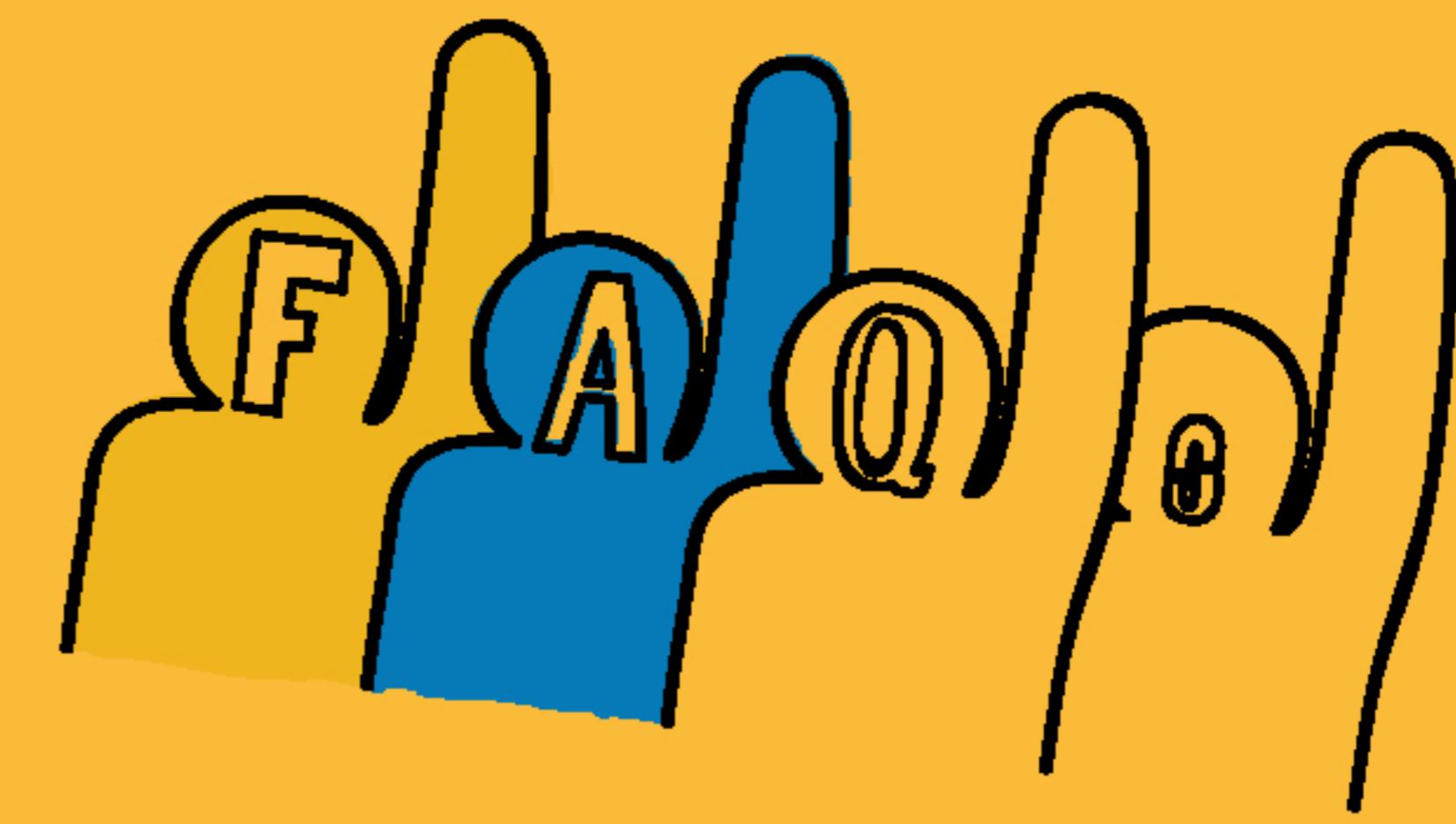
+ Hai dây bằng nhau thì cách đều tâ

+ Hai dây cách đều tâm thì bằng nhau

+ Dây nào lớn hơn thì dây đó gần tâm hơn

+ Dây nào gần tâm hơn thì dây đó lớn hơn

ĐƯỜNG TRÒN



- *Liên hệ giữa cung và dây:*

Trong một đường tròn hay trong hai đường tròn bằng nhau:

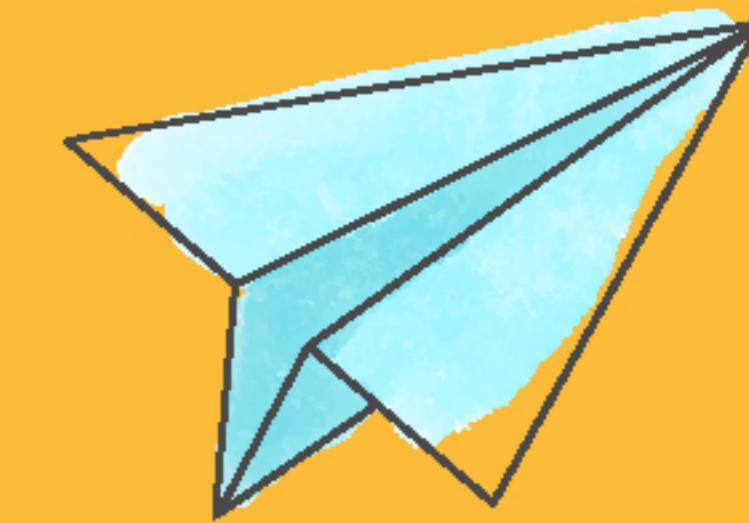
- + Hai cung bằng nhau căng hai dây bằng nhau
- + Hai dây bằng nhau căng hai cung bằng nhau
- + Cung lớn hơn căng dây lớn hơn
- + Dây lớn hơn căng cung lớn hơn.



VỊ TRÍ TƯƠNG ĐỐI CỦA ĐƯỜNG THẲNG VÀ ĐƯỜNG TRÒN

Vị trí tương đối	Số điểm chung	Hệ thức liên hệ giữa d và R
- Đường thẳng và đường tròn cắt nhau	2	$d < R$
- Đường thẳng và đường tròn tiếp xúc nhau	1	$d = R$
- Đường thẳng và đường tròn không giao nhau	0	$d > R$

VỊ TRÍ TƯƠNG ĐỐI CỦA HAI ĐƯỜNG TRÒN



Vị trí tương đối	Số điểm chung	Hệ thức liên hệ giữa d và R
- Hai đường tròn cắt nhau	2	$R - r < OO' < R + r$
- Hai đường tròn tiếp xúc nhau + Tiếp xúc ngoài	1	$OO' = R + r$
+ Tiếp xúc trong		$OO' = R - r$
- Hai đường tròn không giao nhau + (O) và (O') ở ngoài nhau		$OO' > R + r$
+ (O) đựng (O')	0	$OO' < R - r$
+ (O) và (O') đồng tâm		$OO' = 0$

TIẾP TUYẾN CỦA ĐƯỜNG TRÒN



- **Tính chất của tiếp tuyến:** Tiếp tuyến vuông góc với bán kính đi qua tiếp điểm.

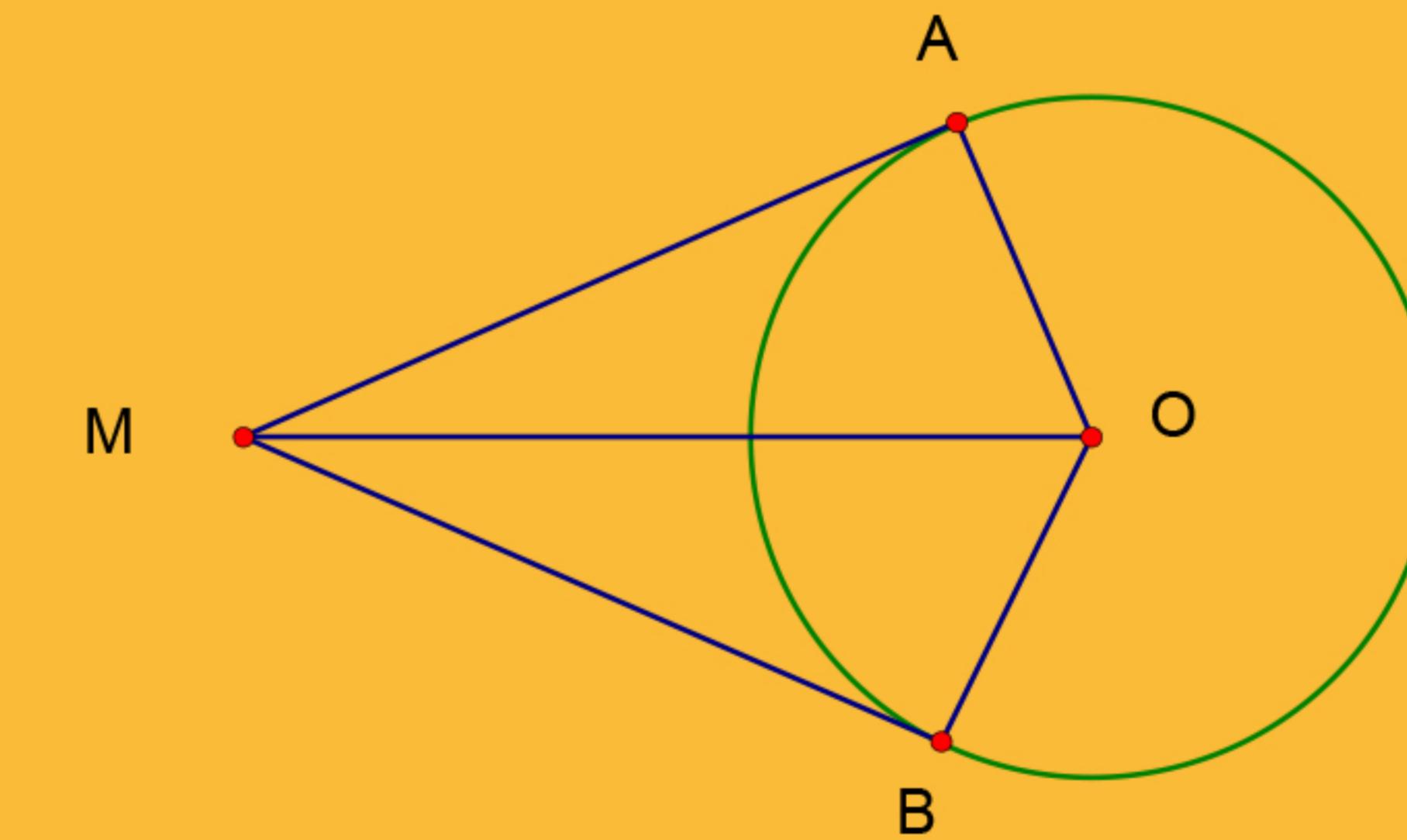
- **Dấu hiệu nhận biết tiếp tuyến:**

- + Đường thẳng và đường tròn chỉ có một điểm chung
- + Khoảng cách từ tâm của đường tròn đến đường thẳng bằng bán kính
- + Đường thẳng đi qua một điểm của đường tròn và vuông góc với bán kính đi qua điểm đó.

- **Tính chất của 2 tiếp tuyến cắt nhau**

MA, MB là hai tiếp tuyến cắt nhau thì:

- + $MA = MB$
- + MO là phân giác của góc AMB
- + OM là phân giác của góc AOB



TIẾP TUYẾN CHUNG CỦA ĐƯỜNG TRÒN



Tiếp tuyến chung ngoài	Tiếp tuyến chung trong

GÓC VỚI ĐƯỜNG TRÒN



Loại góc	Hình vẽ	Công thức tính số đo
1. Góc ở tâm		$\widehat{AOB} = sd \widehat{AB}$
2. Góc nội tiếp		$\widehat{AMB} = \frac{1}{2} sd \widehat{AB}$

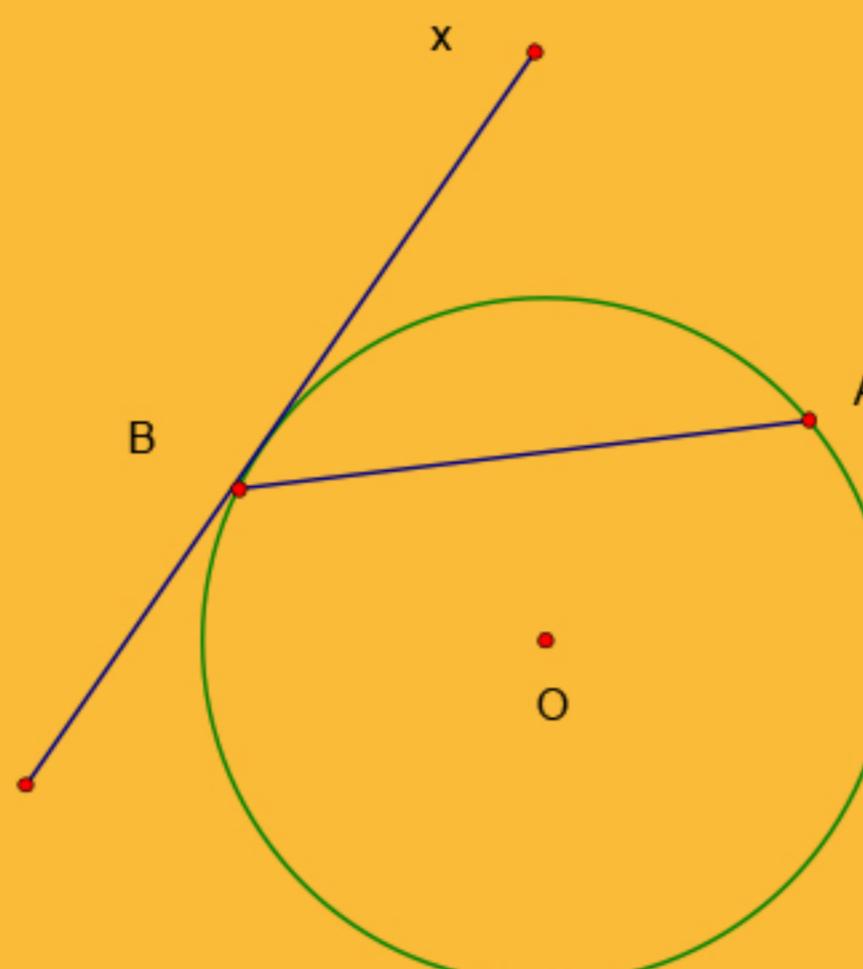


CÓC VỚI ĐƯỜNG TRÒN



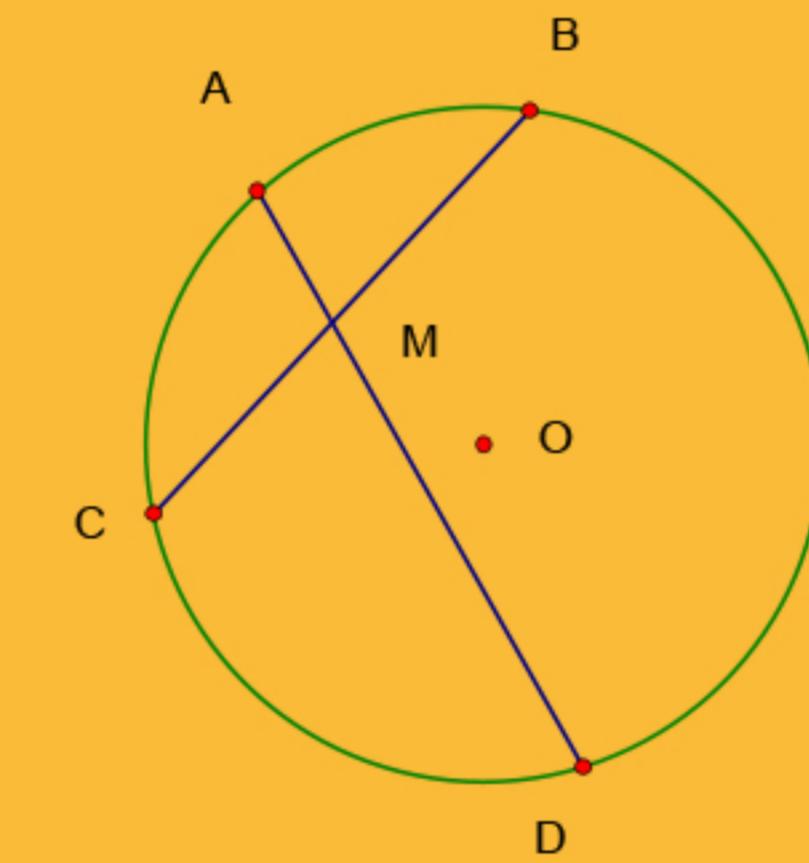
HI, BRO

3. Góc tạo bởi tia tiếp tuyến và dây cung.



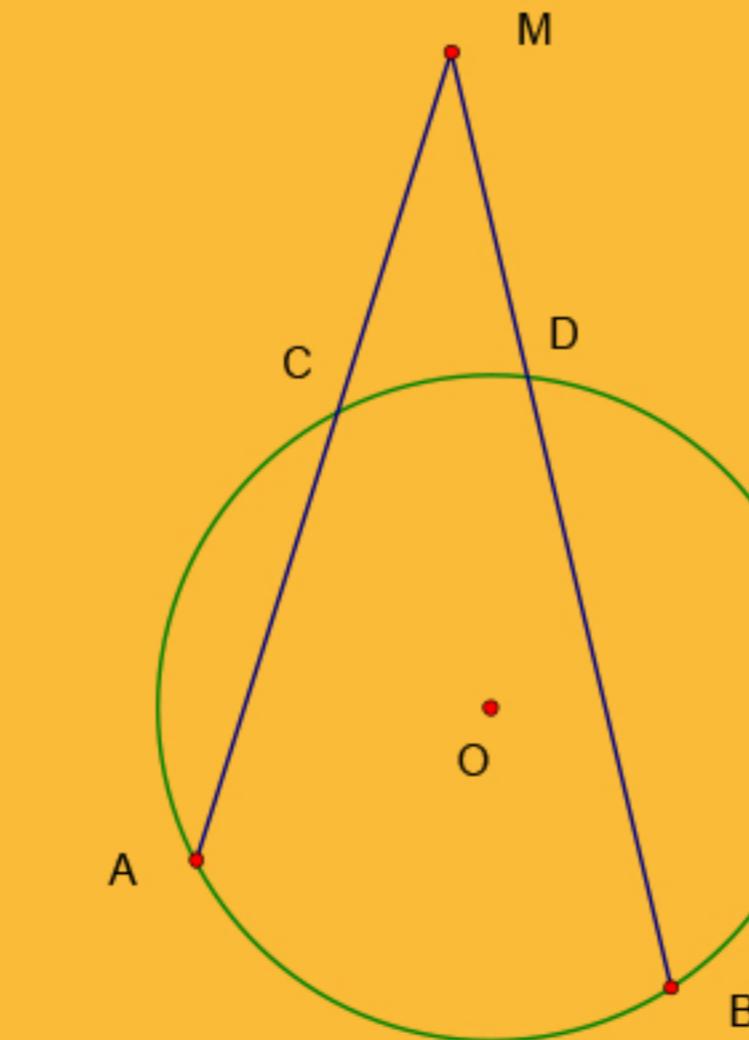
$$\widehat{xBA} = \frac{1}{2} sd \widehat{AB}$$

4. Góc có đỉnh ở bên trong đường tròn



$$\widehat{AMB} = \frac{1}{2}(sd \widehat{AB} + sd \widehat{CD})$$

5. Góc có đỉnh ở bên ngoài đường tròn



$$\widehat{AMB} = \frac{1}{2}(sd \widehat{AB} - sd \widehat{CD})$$

ĐỘ DÀI ĐƯỜNG TRÒN - ĐỘ DÀI CUNG TRÒN

HI,BRO

- Độ dài đường tròn bán kính R: $C = 2\pi R = \pi d$

- Độ dài cung tròn n^0 bán kính R : $l = \frac{\pi R n}{180}$

DIỆN TÍCH HÌNH TRÒN - DIỆN TÍCH HÌNH QUẠT TRÒN

- Diện tích hình tròn: $S = \pi R^2$

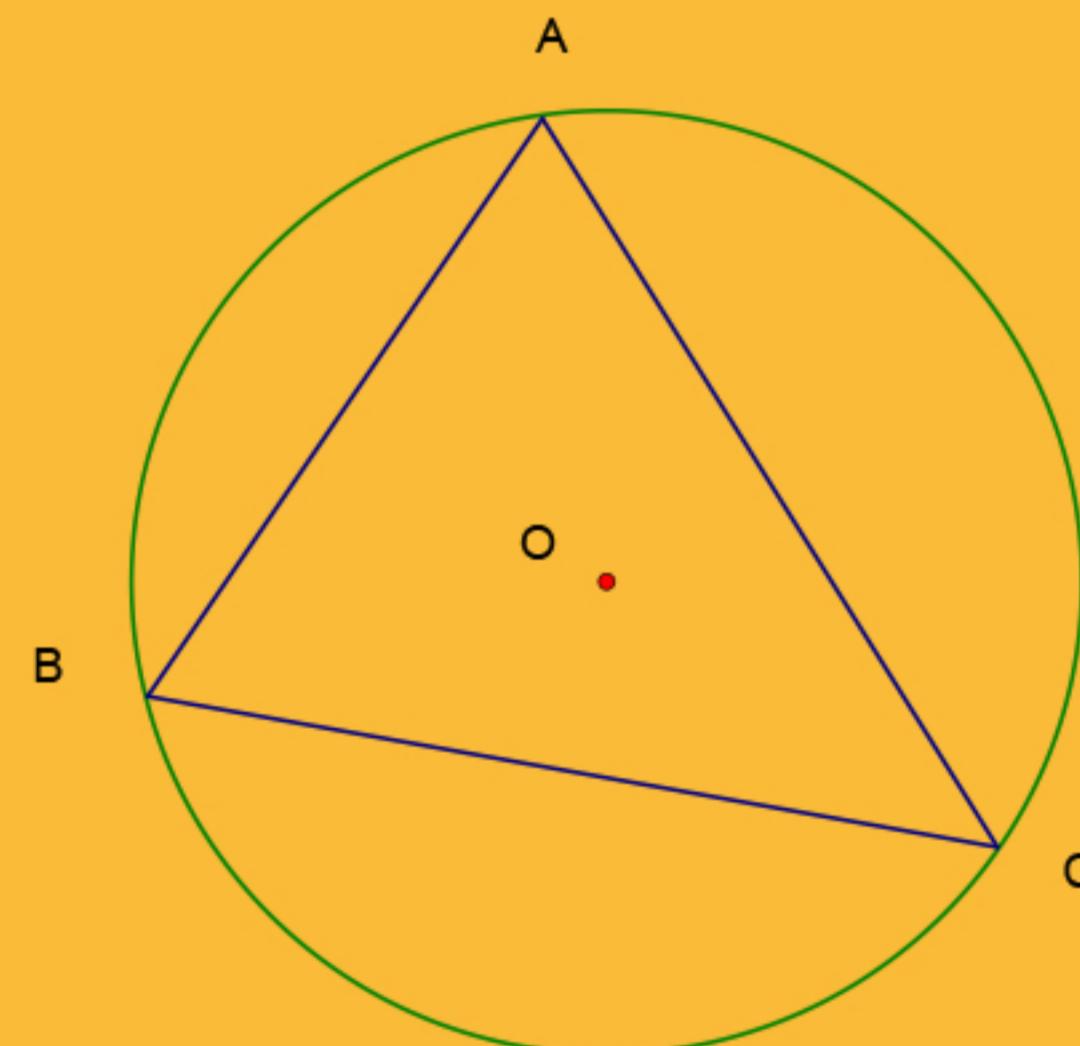
- Diện tích hình quạt tròn bán kính R, cong n^0 : $S = \frac{\pi R^2 n}{360} = \frac{lR}{2}$

☞ **Chú ý:** Trong một đường tròn

- Các góc nội tiếp bằng nhau chắn các cung bằng nhau
- Các góc nội tiếp cùng chắn một cung thì bằng nhau
- Các góc nội tiếp chắn các cung bằng nhau thì bằng nhau
- Góc nội tiếp nhỏ hơn hoặc bằng 90^0 có số đo bằng nửa số đo của góc ở tâm cùng chắn một cung.
- Góc nội tiếp chắn nửa đường tròn là góc vuông và ngược lại góc vuông nội tiếp thì chắn nửa đường tròn.
- Góc tạo bởi tia tiếp tuyến và dây cung và góc nội tiếp cùng chắn một cung thì bằng nhau.

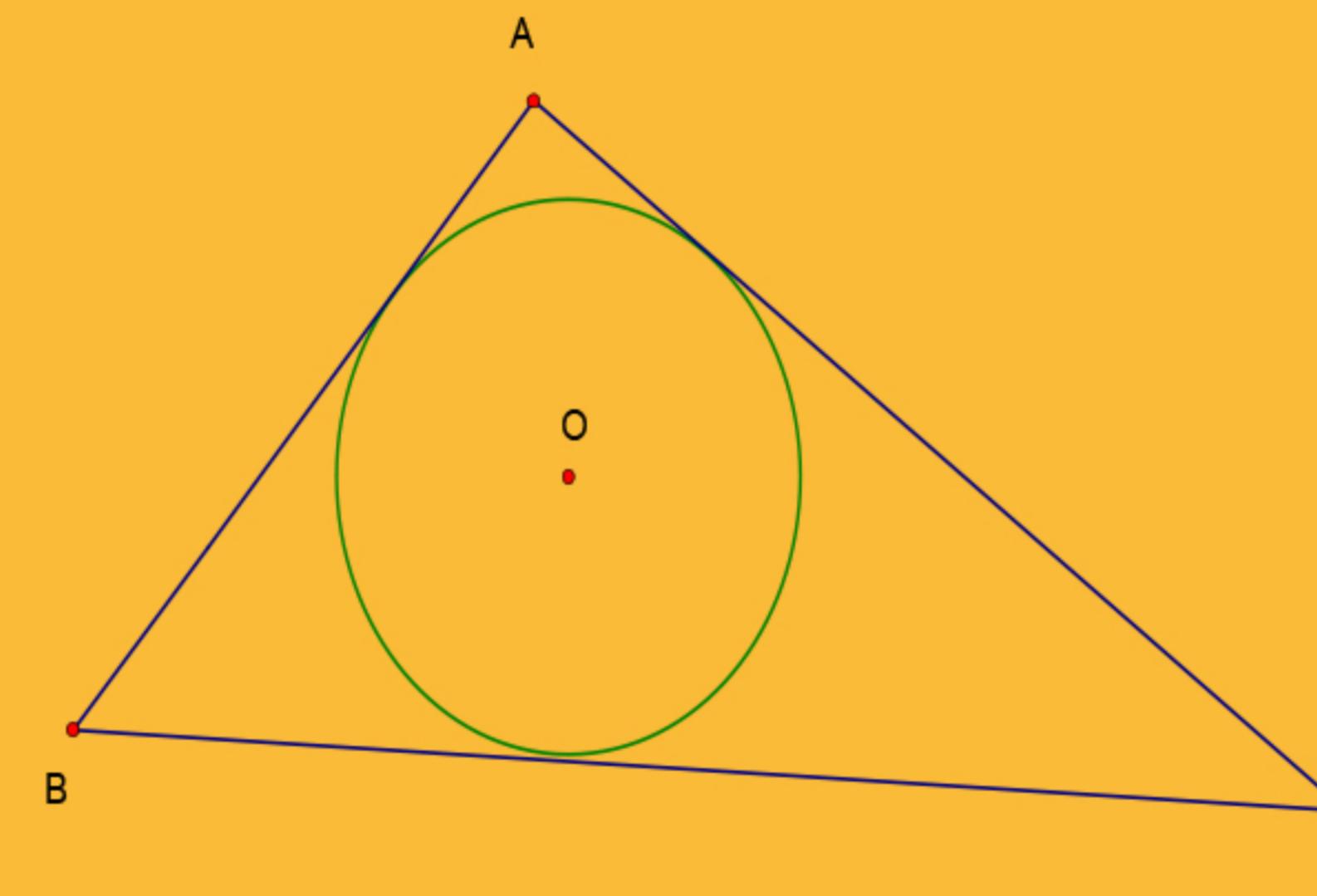
CÁC LOẠI ĐƯỜNG TRÒN

Đường tròn ngoại tiếp tam giác



Tâm đường tròn là giao của ba đường trung trực của tam giác

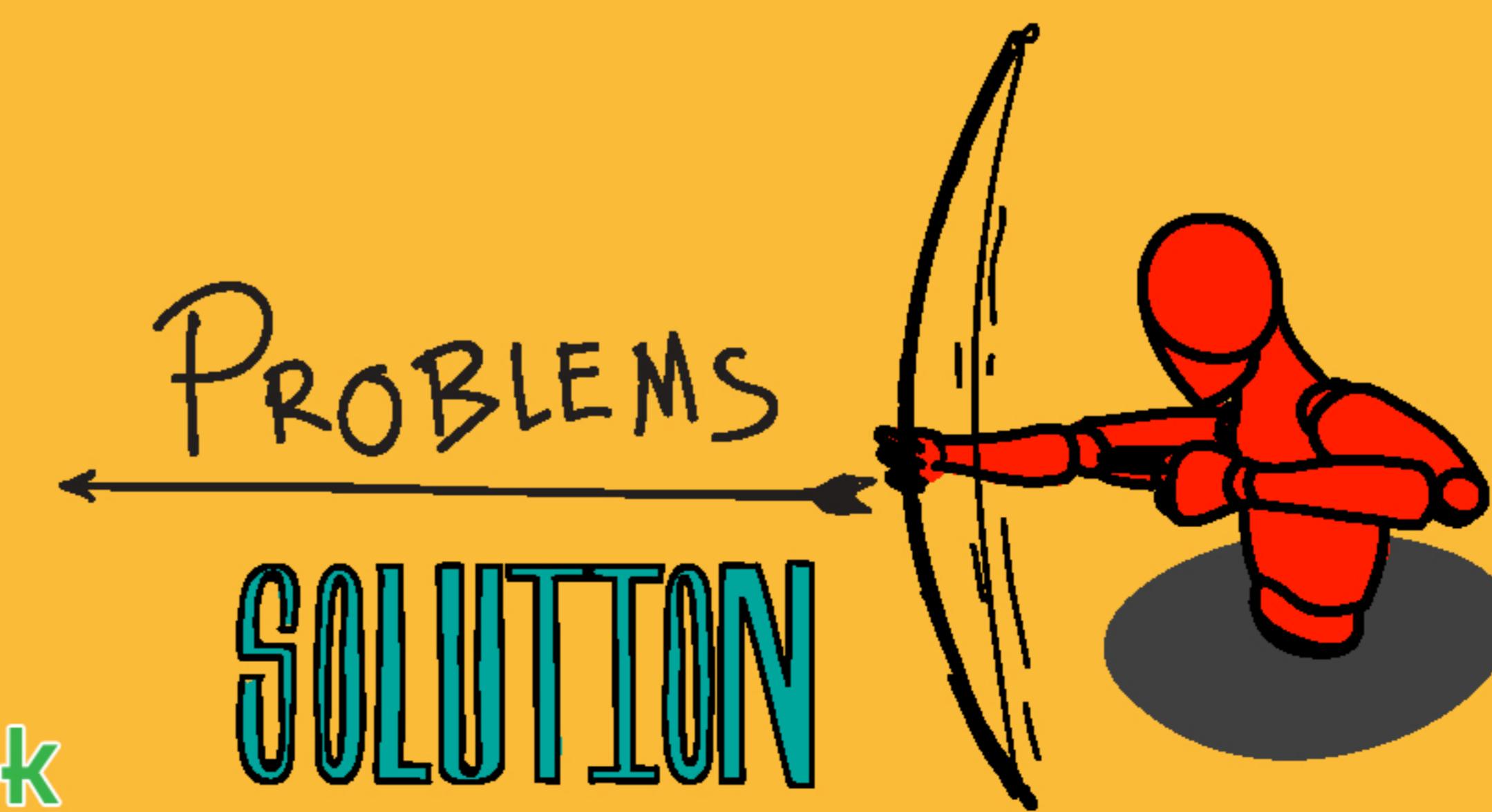
Đường tròn nội tiếp tam giác



Tâm đường tròn là giao của ba đường phân giác trong của tam giác

Đường tròn bàng tiếp tam giác

Tâm của đường tròn bàng tiếp trong góc A là giao điểm của hai đường phân giác các góc ngoài tại B hoặc C hoặc là giao điểm của đường phân giác góc A và đường phân giác ngoài tại B (hoặc C)



CÁC LOẠI HÌNH KHÔNG GIAN

a. Hình trụ.

- Diện tích xung quanh: $Sxq = 2\pi rh$
- Diện tích toàn phần: $Stp = 2\pi rh + \pi r^2$
- Thể tích hình trụ: $V = Sh = \pi r^2 h$

Trong đó $\left\{ \begin{array}{l} r: \text{bán kính} \\ h: \text{chiều cao} \end{array} \right.$

b. Hình nón:

- Diện tích xung quanh: $Sxq = 2\pi rl$
- Diện tích toàn phần: $Stp = 2\pi rl + \pi r^2$
- Thể tích hình nón: $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$

Trong đó $\left\{ \begin{array}{l} r: \text{bán kính} \\ l: \text{đường sinh} \\ h: \text{chiều cao} \end{array} \right.$



CÁC LOẠI HÌNH KHÔNG GIAN

c. *Hình nón cụt:*

- Diện tích xung quanh: $S_{xq} = \pi(r_1 + r_2)l$
- Thể tích: $V = \frac{1}{3}\pi h(r_1^2 + r_2^2 + r_1 r_2)$

Trong đó: $\begin{cases} r_1: \text{bán kính đáy lớn} \\ r_2: \text{bán kính đáy nhỏ} \\ l: \text{đường sinh} \end{cases}$

d. *Hình cầu.*

- Diện tích mặt cầu: $S = 4\pi R^2 = \pi d^2$
- Thể tích hình cầu: $V = \frac{4}{3}\pi R^3$

Trong đó: $\begin{cases} R: \text{bán kính} \\ d: \text{đường kính} \end{cases}$

11. Tứ giác nội tiếp:

☞ Dấu hiệu nhận biết tứ giác nội tiếp:

- Tứ giác có tổng hai góc đối bằng 180°
- Tứ giác có góc ngoài tại một đỉnh bằng góc trong của đỉnh đối diện
- Tứ giác có 4 đỉnh cách đều một điểm.
- Tứ giác có hai đỉnh kề nhau cùng nhìn cạnh chứa hai đỉnh còn lại dưới một góc α .

